

## 國立彰化高中 111 學年度第一學期高二數 A 第一次期中考答案卷

範圍: §1-1 ~ §2-1

得分

## 一、多選題: (每題 10 分, 共 40 分。)

說明: 每個選項獨立計算, 錯一個選項扣 2 分, 整題不作答則該題不給分

1.	2.	3.	4.
(2)(3)(5)	(1)(3)(4)	(4)(5)	(1)(3)(5)

## 二、填充題: (每格 4 分, 共 52 分。)

1.	2.	3.(1)	3.(2)
$\frac{5\pi}{2} + 3$	$\frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{\sqrt{6}}{2}$
4.(1)	4.(2)	5.	6.
$(\sqrt{3}, \frac{\pi}{6})$	$\left(\sqrt{3}, \frac{\sqrt{3}}{2}\right)$	$0 \leq x \leq \frac{\pi}{4}$ 或 $\frac{\pi}{2} \leq x \leq \frac{3\pi}{4}$	1
7.	8.	9.	10.(1)
(4, 16)	3	$3 + \sqrt{10}$	$5 \vee -2$
10.(2)			
$x \leq 3$			

## 三、計算題: (每小題 4 分, 共 8 分。沒有過程, 不予計分。)

1. 已知在  $\triangle ABC$  中, 角  $A, B, C$  的對邊分別為  $a, b, c$ ,  $\triangle ABC$  的外接圓半徑  $R = \sqrt{3}$ , 且滿足  $\tan B + \tan C = \frac{2 \sin A}{\cos C}$ 。

(1) 求  $\angle B$  與  $b$  的值。 (2) 求  $\triangle ABC$  面積的最大值, 且此時的  $\triangle ABC$  的  $a, c$  的值。

【解】參考作法如下: 若有其他作法, 請老師自行斟酌給分。

$$\begin{aligned}
 (1) \quad \tan B + \tan C &= \frac{2 \sin A}{\cos C} \\
 \xrightarrow[\cos B \cos C]{\text{同乘}} \sin B \cos C + \sin C \cos B &= 2 \sin A \cos B \\
 \Rightarrow \sin(B+C) &= 2 \sin A \cos B \quad (1\text{分}) \\
 \Rightarrow \sin A = 2 \sin A \cos B \quad (1\text{分}) &\Rightarrow \cos B = \frac{1}{2} \Rightarrow \angle B = 60^\circ \quad (1\text{分}) \\
 \text{又由正弦定理知 } \frac{b}{\sin B} &= 2\sqrt{3} \Rightarrow b = 3. \quad (1\text{分})
 \end{aligned}$$

(2) 由餘弦定理得  $b^2 = a^2 + c^2 - 2ac \cos B \Rightarrow 9 = a^2 + c^2 - ac \quad (1\text{分})$ 。由算幾不等式

$$a^2 + c^2 \geq 2\sqrt{a^2 c^2} = 2ac \Rightarrow 9 \geq 2ac - ac = ac \quad (1\text{分})$$

$$\text{故 } \triangle ABC = \frac{1}{2} ac \sin B = \frac{\sqrt{3}}{4} ac \leq \frac{9\sqrt{3}}{4} \quad (1\text{分})$$

當  $a = c = 3$  時,  $\triangle ABC$  為正三角形, 此時有最大面積為  $\frac{9\sqrt{3}}{4} \quad (1\text{分})$ 。