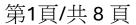
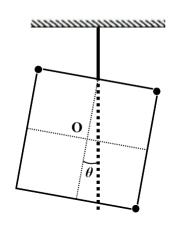
## 國立彰化高級中學 113 學年度校內學科能力競賽物理科試題卷 共45 題填充題,每格4分共180分

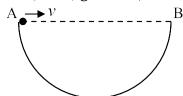
- 1. 微分以下函數:
  - (a)  $y = x^3 + 5x^2 3x + 6$
  - (b)  $y = 5\sin(3x + 8)$
  - (c)  $y = \ln(5x+2)$
- 2. 計算下列積分:
  - (a)  $\int (7\sin\frac{t}{3})dt$
  - (b)  $\int_0^{10} (6x^2 + 3) \cdot dx$
- 3. 質量 M, 長度 L 的細繩在水平面上以角速度 ω 繞 O 點做等速率運動。求離中心點 r 處的繩子張力。
- 4. 質量為m的靜止圓環半徑為R 置於光滑水平面上,有一質量亦為m的小球以v的速率撞擊P 點如右圖,再經多少時間,小球和環碰撞第二次?
- 5. 太空船以速率 v 繞地心做半徑為 R 的等速率圓周運動。太空船上的推進器於某瞬間沿著軌道的切線方向噴射,使其速率變成 4v/3。設地球的半徑遠小於 R,且地球的公轉與自轉效應均可忽略。
  - (a) 太空船離地心的最遠距離為何?
  - (b) 太空船離地心最遠處的瞬時速率為何?
  - (c) 太空船環繞地球運行之週期變成多少?
- 6. 以 10 m/s 的初速在水平方向抛出一物體,不計空氣阻力,當該物體之切線加速度與法線加速度的量值比為 3:1 時,水平位移與鉛直位移的量值比(相較於原拋出處)為多少?
- 7. 如右圖,一個重 10 N 的物體用兩根繩子 OA 和 OB 懸掛於半圓形的架子上,B 點固定不動, COB=30°,懸掛點 A 由 C 點往 D 點移動,在此過程中,COA 為幾度時,OA 的繩張力有最小值?



8. 一正方形均勻金屬薄板邊長為 L,在其上三個頂點鑲上三個完全相同、體積可忽略、重量為 W的金塊,以輕繩懸吊其中一邊的中點,當薄板保持靜止不動時,呈現右圖傾斜的狀態,其中 tanθ=0.125,圖中細虛線為各對邊中點連線,兩線交於薄板中心 O,粗虛線為通過細繩之鉛垂線。請問金屬薄板的重量為何?



9. 有一半徑為 R 的半圓環,ĀB為此還平行地面的直徑。若有一小球從 A 點以速度v水平拋出,重力加速度為 g ,不計空氣阻力。則要使小球落到環上的鉛直速度最大,則 v 為多少?

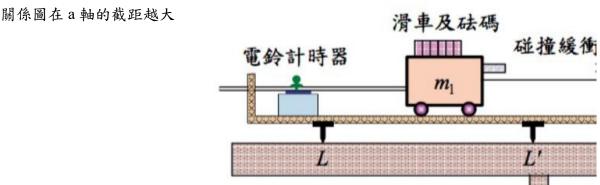


- 10. 一質點從 A 出發沿 C 方向以V等速運動,同時有另一質點從 B 出發作等速運動。已知 A、C 相距 L; B、C 相距d,且ĀC ⊥ BC,若要兩質點相遇,則從 B 出發的質點其最小速率為多少?
- 11. 地球半徑為 R, 地表重力加速度為g, 如圖所示任意挖一通道, 所有阻力及地球自轉皆不計,則 一石子m自洞口由靜止釋放,則最大速率為何?



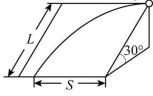
12. 如右圖,粗糙斜面上載著木塊,兩者一起在水平面上做簡諧運動,恰使木塊不在斜面上滑動,木塊與斜面間靜摩擦係數為 $\mu$ ,已知木塊的最大速率為 $v_0$ ,將木塊視為質點,問該簡諧運動的振幅至少應為多少?( $\mu\cos\theta > \sin\theta$ )

- 13. 某生做「牛頓第二運動定律」實驗,裝置如圖。實驗過程中,他依次將滑車上的砝碼移到掛鉤上,量測滑車加速度 a 與掛鉤及掛鉤上砝碼的總重量Mg間的關係。滑車質量為m<sub>1</sub>、掛勾質量為m<sub>2</sub>、所有砝碼總質量為m<sub>3</sub>,滑車與軌道間的摩擦係數為μ,重力加速度的量值為 g,且繩子和定滑輪的摩擦皆可忽略,但滑車與軌道間的摩擦不可忽略,一開始LL′軌道為水平,量測結果 a 對 Mg 關係圖應為一斜直線,則下列何者正確?(多選全對才給分)
  - (A)滑車與軌道間的摩擦係數越大,則 a 對 Mg 關係圖的斜率越大
  - (B)滑車質量越大,則a對Mg關係圖的斜率越大
  - (C)將 a 對 Mg 關係圖延長後,隨滑車與軌道間的摩擦係數越大,直線在 a 軸截距的絕對值越大
  - (D)若LL'軌道與水平線有一夾角θ,則a對Mg關係圖仍是一直線
  - (E)若LL'軌道與水平線有一夾角  $\theta(\sin\theta > \mu\cos\theta)$ ,隨著滑車與軌道間的摩擦係數越大, $\alpha$  對 Mg



14. 如右圖,三個質量分別為 2m、m和 2m 的木塊,木塊間無摩擦,木塊與地面之間也無摩擦力。 試問,欲使中間的木塊不致落下,則所需的水平力 F 至少為多少? \\_\_\_\_\_\_\_

15. 如圖所示,有一傾角為 30°的光滑固定斜面,斜面長 L 為 10m,一小球從斜面頂端以  $v_0 = 10\text{m/s}$ 的速度沿水平方向抛出,試求小球滑到斜面底端時的水平位移 S 為多少 m?(重力加速度量值 為  $10\text{m/s}^2$ )



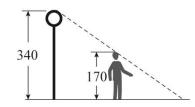
2m

m

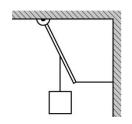
第3頁/共8頁

$$\overrightarrow{A}$$
  $\overrightarrow{B}$   $\overrightarrow{C}$ 

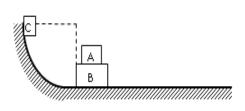
17. 身高 170 cm 的小明在高度為 340 cm 的路燈下,沿著直線路徑離開路燈。已知路燈照射在此直線的延長線上,且小明走動為等速率 1 m/s,則小明頭部在地面上影子移動速率為多少 m/s?



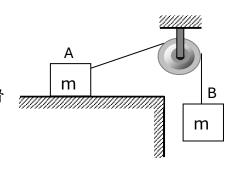
18. 如圖所示,重量可忽略的木棒,其上端以樞紐固定,下端與水平細線連接,在木棒的中點懸一重量為W的物體,木棒與鉛直線的夾角為37°,則水平細線的張力為何?



19. 如圖所示,質量m的物體 A 與質量 2m 的物體靜止於粗糙水平面上,質量為 m 的物體 C 沿著半徑為 R 的光滑 1 圓 弧由靜止下滑,且與 A、B 發生彈性碰撞,若 A、B 在粗糙水平面上滑行距離 s 後停下,且在運動過程中 A、B 始終相對靜止,則 A、B 間的靜摩擦力為\_\_\_\_\_。

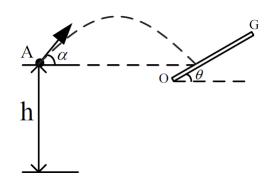


20. 如圖所示,質量為m<sub>1</sub>和m<sub>2</sub>的物體 A、B 通過定滑輪連接, A 放在水平桌面上,且m<sub>1</sub> > m<sub>2</sub>。B 由靜止開始落下,落下 過程中繩始終拉緊,A 在水平面上向右運動。若不計繩與滑 輪的質量,忽略所有摩擦力,則當 B 落下 h 高度時,A 的 繩子與水平方向夾角θ,此時 B 的速度為。



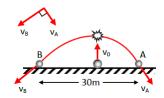
- 21. 一人造衛星以橢圓軌道繞地球公轉,如下圖所示。已知地球質量 M、半徑 R,衛星質量 m,今欲使此衛星脫離地球引力的束縛,至少須供給它多少能量?
- 22. 如下圖所示,一車廂沿傾斜角  $\alpha = 15^{\circ}$ 的斜面加速上行時,車中懸一單擺,見擺線與鉛直線夾  $\theta = 30^{\circ}$ ,則此車的加速度 a
- 23. 如下圖所示,質量 M 之均勻方形盒靜置於光滑的水平面上,自其頂部的中央 A 點,以長度 5.0 cm 之細繩懸吊一質量 m=M/3 的物體,開始時該質點靜止,細繩與鉛直線夾角 β 為 37°, A 點正下方的 O 點訂為 x 坐標原點,則此質點擺到右邊最高點時,對靜立地面的人而言,方形 盒將向左移動幾公分。

24. 如圖所示,從離地面高度為 h 的固定點 A,將甲球以速度 $v_0$ 抛出,拋射角為 $\alpha$ , $0 < \alpha < \frac{\pi}{2}$ 。 若在 A 點前方適當的地方放一質量非常大的平板 OG,讓甲球與平板做完全彈性碰撞,並使碰撞點與 A 點等高,則當平板傾角的為恰當值時 $(0 < \theta < \frac{\pi}{2})$ ,甲球恰好能回到 A 點。另有一小球 C 人,在甲球自 A 點拋出的同時,從 A 點靜止自由落下,與地面做完全彈性碰撞。則 $v_0$ 應滿足怎樣的一些條件,才能使乙球與地面碰撞一次後與甲球同時回到 A 點?



第5頁/共8頁

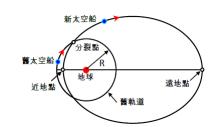
25. 在水平地面以速度 12m/s 鉛直向上發射一炮彈,其質量 M = 25kg,當砲彈上升到最高點時爆炸分裂成 A、B 兩塊,各沿水平方向射出,測得 A、B 二者的落地點相距 30m,且落地時二者的速度方向恰好相互垂直,如圖所示,若不計空氣阻力,且質量 A 大於 B,則 A 的質量為多少?



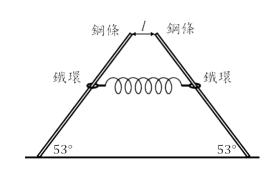
- 26. 有一質量為 m 的太空船在距地心 R 處作等速率圓周運動,今太空船欲前往另一每新的橢圓軌道上執行任務。此時,將船體質量 $\frac{1}{6}$ 截斷並以速度 $\sqrt{\frac{26GM}{9R}}$ 往地心方向拋出,則太空船會駛入新的橢圓軌道如右圖,若太空船在新軌道的近地點速度大小為 $\frac{4}{3}\sqrt{\frac{GM}{R}}$ ,遠地點的速度大小為 $\frac{1}{3\sqrt{\frac{GM}{R}}}$ (G
  - (a) 則太空船作圓周運動時的週期為何?

為萬有引力常數,M 為地球質量),又太空船拋射的時間極短。

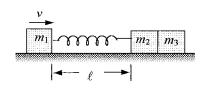
- (b) 則太空船作圓周運動時的速率為何?
- (c) 太空船分裂後的速度大小為何?
- (d) 太空船於新軌道上的週期為何?



27. 如右圖所示,兩完全相同的鋼條固定於水平桌面上,且與桌面夾53°角,兩鋼條在同一個與桌面垂直的平面上。在兩鋼條上各套一個質量同為m的鐵環,並以力常數為k的理想彈簧相連之,鐵環與鋼條間的靜摩擦係數為0.8、動摩擦係數為0.5,兩鋼條頂端之間距正好是彈簧的自然長度1,今將鐵環與彈簧組成之系統由鋼條頂端處靜止釋放,已知下滑過程中彈簧與鐵環始終保持在同一水平面上,鐵環可視為質點,設重力加速度為g,則右側鐵環之最大動能為何。

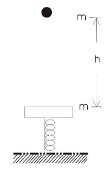


28. 有三個質量分別為 m<sub>1</sub>、m<sub>2</sub>和 m<sub>3</sub> 的質點,在一光滑的水平面上排列成 一直線,如圖所示。m<sub>1</sub>和 m<sub>2</sub>之間以一力常數為 k 的輕彈簧相連接, 而 m<sub>2</sub>和 m<sub>3</sub>之間僅相接觸,但不相連結。起始時(t=0), m<sub>1</sub>和 m<sub>2</sub>之間

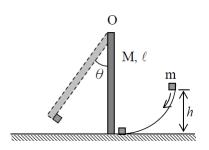


的彈簧長度為其自然長度 $\ell$ ,但  $m_1$  以速度 v 向  $m_2$  運動, $m_2$  和  $m_3$  則處於靜止狀態。試問:

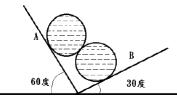
- (a) 在 m2 與 m3 分開前, m1 與 m2 之間的距離與時間 t 的關係式為何?
- (b) 當 m<sub>2</sub> 與 m<sub>3</sub> 分開時, m<sub>3</sub> 的速度為何?
- 29. 如右圖,彈力常數為 k 的彈簧,上方固定一塊質量為 m 的木板,將一質量也為 m 的泥球自木板 正上方 h 高處自由落下,若泥球落下時黏附在木板上作 S.H.M.,設重力加速度為 g,則
  - (a) S.H.M.振幅為何?
  - (b) S.H.M.的最大速率為何?



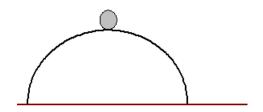
- 30. 質量 m 的物體從高度 h 的光滑曲面下滑,在滑行至底部時與一垂直的均勻細棒碰撞且黏附其上。細棒長度為l,質量為 M,一端懸掛在支點 O 上,另一端未接觸底部。試求細棒繞著支點
  - O 旋轉的最大角度。(均勻細棒繞著支點 O 旋轉的轉動慣量為 $\frac{1}{3}$ Ml<sup>2</sup>)



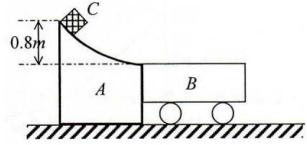
- 31. 下圖中,兩個半徑相同的均勻圓柱,其重量均為W;兩固定斜面A和B的傾斜角各為60°和30°,忽略一切摩擦力,則:
  - (a) 兩圓柱軸心與軸心連成之平面,與斜面 A 的夾角為何?
  - (b) A、B 兩球間之交互作用力大小為何?



32. 一小球自半徑為 R 的光滑半圓球頂由靜止開始下滑,求小球落地瞬間的速度的垂直分量。



33. 如下圖所示, A 為一固定不動的光滑軌道, 質量 30 kg 的台車 B 緊靠著 A 的右側。現有一質量為 20 kg 的塊狀重物 C, 在高出台車平面 0.8 m 處, 沿軌道以 3 m/s 的初速度下滑,衝上小車。設 C 與 B 車板面間的摩擦係數為 0.5, B 車與地面間的摩擦可以忽略,則 B 台車的長度至少應為若干公尺,重物 C 才不致滑出板面?



34. 一火箭之初速度 $v_0 = \sqrt{\frac{GM}{R}}$ ,其中 M 為地球質量,R 為地球半徑,G 為萬有引力常數;此火箭之初速度方向與當地之水平線夾 60 度角,試求此火箭以此初速度 $v_0$ 被彈射後之最大高度。

## 國立彰化高級中學 113 學年度校內學科能力競賽物理科答案卷

班級:	 :	<u> </u>

## 共45 題填充題,每格4分共180分

1(a)	1(b)	1(c)	2(a)	2(b)
$3x^2 + 10x - 3$	$15\cos(3x+8)$	$\frac{5}{5x+2}$	$-21\cos\frac{t}{3} + C$	2030
3	4	5(a)	5(b)	5(c)
$T(r) = \frac{M\omega^2}{2L}(L^2 - r^2)$	$\frac{\sqrt{2}R}{v}$	R' = 8R	$v' = \frac{1}{6}v$	$T = \frac{27}{\sqrt{2}} \frac{\pi R}{v}$
6	7	8	9	10
2:3	60°	6W	$v = \sqrt{\frac{gR}{2}}$	$v' = \frac{d}{\sqrt{d^2 + L^2}}v$
11	12	13	14	15
$v_{max} = \frac{\sqrt{3gR}}{2}$	$\frac{v_0^2(\mu\sin\theta+\cos\theta)}{g(\mu\cos\theta-\sin\theta)}$	ACD	$\frac{20}{9}$ mg	20
16	17	18	19	20
1.25	2	$\frac{3W}{8}$	mgR 4S	$\sqrt{\frac{2m_2ghcos^2\theta}{m_1+m_2cos^2\theta}}$
21	22	23	24	25
GMm 9R	$\frac{\mathrm{g}}{\sqrt{2}}$	1.5	$\frac{\pi}{4}$ or $\frac{\pi}{2} - \alpha$	16
26(a)	26(b)	26(c)	26(d)	27
$2\pi\sqrt{\frac{R^3}{GM}}$	$\sqrt{\frac{GM}{R}}$	$\sqrt{\frac{14GM}{9R}}$	$\frac{27}{4}\pi\sqrt{\frac{R^3}{GM}}$	$\frac{5m^2g^2}{48k}$
28(a)	28(b)	29(a)	29(b)	30
$1 - \frac{v}{\omega} \sin \omega t$	$\frac{2m_1}{m_1+m_2+m_3}v$	$\frac{1}{k}\sqrt{m^2g^2+mghk}$	$\sqrt{\frac{mg^2 + ghk}{2k}}$	$\cos \theta$ $= 1 - \frac{6m^2h}{(3m+M)(2m+M)l}$
31(a)	31(b)	32	33	34
30°	W	$\sqrt{\frac{46}{27}gR}$	1.5	$\frac{\sqrt{3}}{2}$ R